

# Pas de titre

Emmanuel Vieillard-Baron<sup>1</sup>, Alain Soyeur<sup>2</sup>, and François Capaces<sup>3</sup>

<sup>1</sup>Enseignant en CPGE, Lycée Kléber, Strasbourg

<sup>2</sup>Enseignant en CPGE, Lycée Pierre de Fermat, Toulouse

<sup>3</sup>, ,

2 janvier 2022

## Exercice 0.1 ★★ Pas de titre

Dans le plan rapporté à un repère orthonormé, pour  $\lambda > 0$ , on note  $\mathcal{C}_\lambda$  le cercle de centre  $\begin{pmatrix} \lambda \\ 0 \end{pmatrix}$  tangent à l'axe  $(Oy)$  et  $\Gamma_\lambda$  le cercle de centre  $\begin{pmatrix} \lambda \\ \lambda \end{pmatrix}$  tangent à l'axe  $(Ox)$ . Déterminer les coordonnées des deux points d'intersection de ces cercles, puis le lieu de ces points lorsque  $\lambda$  varie.

**Solution :**

$$\mathcal{C}_\lambda : (x - \lambda)^2 + y^2 = \lambda^2$$

$$\Gamma_\lambda : (x - \lambda)^2 + (y - \lambda)^2 = \lambda^2$$

Un point  $P \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$  appartient à ces deux cercles si ses coordonnées vérifient les deux équations. En formant la différence des deux équations, on tire  $y = \lambda/2$ . En reportant dans la première équation, on trouve

$$4x^2 - 8\lambda x + \lambda^2 = 0$$

d'où  $x_1 = \frac{(2 + \sqrt{3})\lambda}{2}$  et  $x_2 = \frac{(2 - \sqrt{3})\lambda}{2}$ . d'où  $P_\lambda \begin{pmatrix} \lambda \\ 2 + \sqrt{3} \end{pmatrix}$  et  $Q_\lambda \begin{pmatrix} \lambda \\ 2 - \sqrt{3} \end{pmatrix}$ . Les points décrivent

les droites d'équations  $y = (2 + \sqrt{3})x$  et  $y = (2 - \sqrt{3})x$ .

## Références