

Pas de titre

Emmanuel Vieillard-Baron¹, Alain Soyeur², and François Capaces³

¹Enseignant en CPGE, Lycée Kléber, Strasbourg

²Enseignant en CPGE, Lycée Pierre de Fermat, Toulouse

³, ,

20 avril 2024

Exercice 0.1 ★★ Pas de titre

Soient f et g des formes linéaires sur un \mathbb{K} -espace vectoriel E de dimension finie telles que $\text{Ker } f = \text{Ker } g$. Montrer qu'il existe $\alpha \in \mathbb{K}$ tel que $f = \alpha \cdot g$.

Solution : Si $f \equiv 0$, le résultat est clair. Sinon, il existe $x \in E$ tel que $f(x) \neq 0$. Par conséquent $\text{Vect}(x)$ et $\text{Ker } f$ sont supplémentaires. Puisque $g(x) \neq 0$, on peut trouver $\alpha \in \mathbb{K}$ tel que $f(x) = \alpha g(x)$. On pose $h = f - \alpha g$. L'application h est nulle sur $\text{Ker } f$ et $h(x) = 0$ donc $h \equiv 0$ d'où le résultat.

Références