

# Pas de titre

Emmanuel Vieillard-Baron<sup>1</sup>, Alain Soyeur<sup>2</sup>, and François Capaces<sup>3</sup>

<sup>1</sup>Enseignant en CPGE, Lycée Kléber, Strasbourg

<sup>2</sup>Enseignant en CPGE, Lycée Pierre de Fermat, Toulouse

<sup>3</sup>, ,

24 janvier 2022

## **Exercice 0.1** ★ **Pas de titre**

On considère dans  $E = \mathbb{R}_4[X]$  les sous-ensembles  $\mathcal{P} = \{P \in E \mid P \text{ est pair}\}$  et  $\mathcal{I} = \{P \in E \mid P \text{ est impair}\}$ .

1. Soit  $P \in E$ . Montrer que  $P \in \mathcal{P}$  si et seulement si les coefficients de ses termes de degré impair sont nuls.
2. Soit  $P \in E$ . Montrer que  $P \in \mathcal{I}$  si et seulement si les coefficients de ses termes de degré pair sont nuls.
3. Montrer que  $\mathcal{P}$  et  $\mathcal{I}$  sont des sous-espaces vectoriels de  $E$ .
4. Montrer que  $E = \mathcal{P} \oplus \mathcal{I}$ .

## Références