

Pas de titre

Emmanuel Vieillard-Baron¹, Alain Soyeur², and François Capaces³

¹Enseignant en CPGE, Lycée Kléber, Strasbourg

²Enseignant en CPGE, Lycée Pierre de Fermat, Toulouse

³, ,

28 novembre 2022

Exercice 0.1 ★ Pas de titre

Soient $F = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 \mid x - y + z = 0\}$ et $G = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 \mid x + y - z = 0\}$. Ces deux sous-espaces sont-ils en somme directe dans \mathbb{R}^3 ?

Solution : On montre facilement que $F = \text{Vect}((1, 1, 0), (0, 1, 1))$ et que $G = \text{Vect}((1, 0, 1), (0, 1, 1))$. Ce sont donc deux sous-espace vectoriels de \mathbb{R}^3 . F et G sont en fait des plans vectoriels de \mathbb{R}^3 . Leurs équations ne sont pas proportionnelles, donc ils ne sont pas confondus. Leur intersection est une droite d'équation cartésienne $\begin{cases} x - y + z = 0 \\ x + y - z = 0 \end{cases}$ et n'est donc par réduite à $\{0\}$. F et G ne sont donc pas en somme directe dans \mathbb{R}^3 .

Références